



المستوى : الثالثة إعدادي

أولمبياد الرياضيات 2013-2012

مدة الإنجاز: ساعتان

الفرض الثالث

التمرين الأول : $b \neq -c$ و a أعداد حقيقية غير منعدمة بحيث :

$$\frac{a}{b} = \left(\frac{a+c}{b+c} \right)^2 \text{ فإن } ab = c^2$$

ن4

التمرين الثاني :مثلث قائم الزاوية في A . نعتبر S و P على التوالي، مساحة و محيط المثلث ABC .

$$BC = \frac{P^2 - 4S}{2P}$$

ن4

التمرين الثالث :(1) معلم متعمد منظم ، $A(3;3)$ نقطة من المستوى .لتكن (C) دائرة مركزها A و شعاعها r و $M(x; y)$ نقطة من المستوى .

$$(1) - \text{ بين أن : إذا كانت } M \in (C) \text{ فإن : } x^2 + y^2 - 6(x+y) = r^2 - 18$$

$$(2) - \text{ نفترض أن : } M(4;5) \in (C) \text{ ، أحسب } r$$

ن3

ن1

التمرين الرابع :أوجد عددين حقيقيين x و y إذا علمت أن مجموعهما هو 9 وجذورهما هو 20.

ن4

التمرين الخامس :

$$\sqrt{3}f(x) - \sqrt{3}f(x-1) = 2\sqrt{3} \quad f(1) = -3 \quad \text{و}$$

(1) - حدد الصيغة $f(x)$ لكل عدد حقيقي x .

$$(2) - \text{ حل المعادلة : } f(x^2) = 13$$

ن2

ن2

حظ سعيد